

**ՀՀ ԳԱԱ ԻՆՖՈՐՄԱՏԻԿԱՅԻ ԵՎ ԱՎՏՈՄԱՏԱՑՄԱՆ ՊՐՈԲԼԵՄՆԵՐԻ  
ԻՆՍԻՏՈՒՏ**

**ԱՐԹՈՒՐ ԺՈՐԱԵՎԻ ՔԵՅԱՆ**

**ԿԱՄԱՅԱԿԱՆ ՈՒՐՎԱԳԾՈՎ ԵՐԿՉԱՓ ՄԱՐՄԻՆՆԵՐԻ ՁԵՎՄԱՆ ԽՆԴՐԻ  
ՀԵՏԱԶՈՏՈՒԹՅՈՒՆ ԵՎ ԾՐԱԳՐԱՅԻՆ ՀԱՄԱԿԱՐԳԻ ՄՇԱԿՈՒՄ**

**Ե.13.05 – «Մաթեմատիկական մոդելավորում, թվային մեթոդներ և ծրագրերի համալիրներ» մասնագիտությամբ տեխնիկական գիտությունների թեկնածուի գիտական աստիճանի հայցման ատենախոսության**

**ՍԵՂՄԱԳԻՐ**

**Երևան – 2016**

---

**ИНСТИТУТ ПРОБЛЕМ ИНФОРМАТИКИ И АВТОМАТИЗАЦИИ НАН РА**

**АРТУР ЖОРАЕВИЧ КЕЯН**

**ИССЛЕДОВАНИЕ ЗАДАЧИ РАСКРОЯ ДВУМЕРНЫХ ДЕТАЛЕЙ  
ПРОИЗВОЛЬНОЙ ФОРМЫ И РАЗРАБОТКА ПРОГРАММНОЙ СИСТЕМЫ**

**АВТОРЕФЕРАТ**

**диссертации на соискание ученой степени кандидата технических наук по  
специальности**

**05.13.05 – “Математическое моделирование, численные методы и комплексы  
программ”**

**Երևան – 2016**

Ասենախոսության թեման հաստատվել է <<ԳԱԱ Ինֆորմատիկայի և ավտոմատացման  
պրոբլեմների ինստիտուտում:

Գիտական դեկազար՝	Փիզ.մաթ.գիտ. դոկտոր	Մ.Ե.Հարությունյան
Պաշտոնական ընդդիմախոսներ՝	Փիզ.մաթ.գիտ. դոկտոր	Հ.Գ.Գեղեցյան
	տեխ.գիտ. թեկնածու	Մ.Ղ.Գյուղջյան
Առաջատար կազմակերպություն՝	Հայ-Ռուսական (Սլավոնական) համալսարան	

Պաշտպանությունը կայանալու է 2016թ. հունիսի 11-ին, ժ.16:00-ին << ԳԱԱ  
Ինֆորմատիկայի և ավտոմատացման պրոբլեմների ինստիտուտում գործող 037  
«Ինֆորմատիկա և հաշվողական համակարգեր» մասնագիտական խորհրդի նիստում  
հետևյալ հասցեով՝ Երևան, 0014, Պ. Սևակի 1:

Ասենախոսությանը կարելի է ծանոթանալ ինստիտուտի գրադարանում:

Սեղմագիրն առաքված է 2016թ. հունիսի 11-ին:

Մասնագիտական խորհրդի գիտական  
քարտուղար, Փիզ.մաթ.գիտ.դոկտոր

 Հ.Գ. Սարուխանյան

---

Тема диссертации утверждена в Институте проблем информатики и автоматизации НАН  
РА

Научный руководитель:	доктор физ.-мат. наук	М.Е.Арутюнян
Официальные оппоненты:	доктор физ.-мат. наук	Г.Г.Геолеցян
	кандидат тех. наук	М.К.Гюрджян

Ведущая организация: Российско-Армянский (Славянский) университет.

Защита состоится 11 июля 2016г. в 16:00 на заседании специализированного совета 037  
“Информатика и вычислительные системы” в Институте проблем информатики и  
автоматизации НАН РА по адресу: 0014, г. Ереван, ул. П. Севака 1.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке ИПИА НАН РА.

Автореферат разослан 11 июня 2016г.

Ученый секретарь специализированного совета,  
доктор физ.мат.наук



Ա. Գ. Սարուխանյան

## ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ԸՆԴՀԱՆՈՒՐ ԲՆՈՒԹԱԳԻՐԸ

### Թեմայի արդիականությունը:

Այսօր արտադրության ոլորտում բնորոշ է ինֆորմացիոն տեխնոլոգիաների կիրառությունը՝ հումքի կորուստները առավելագույնս նվազեցնելու նպատակով, ինչը բավական կարևոր է շուկայական հարաբերություններում։ Արտադրող տարբեր սուբյեկների առաջ խնդիր է դրված առավելություն ձեռք բերել մրցակցային պայքարում նոր տեխնոլոգիաների կիրառության շնորհիվ նյութական ծախսերի մակարդակը նվազեցնելու միջոցով։ Դրան կարելի է հասնել ներդնելով արդյունավետ մաթեմատիկական մեթոդներ և ծրագրային միջոցներ։

Իրական կյանքի արտադրության պայմաններում կոմբինատոր օպտիմիզացիայի խնդիրների մի դաս են կազմում ծևման և փաթեթավորման խնդիրները, որոնք համակարգչային գիտության ոլորտում դասական և դժվարին խնդիրների ցանկում են<sup>123</sup>։ Այս խնդիրները ուսումնասիրվել են տասնյակ տարիներ, և այսօր աշխատանքները շարունակվում են գտնելու նոր մոտեցումներ և ավելի լավ արդյունքներ։ Վերջին տարիներին այս խնդիրների նկատմամբ աճող հետաքրքրությունը պայմանավորված է դրանց տեսական բարդությամբ և կիրառությունների բազմազանությամբ։

Այս տիպի խնդիրները պատկանում են NP լիիվ դասին, այսինքն հնարավոր չէ գտնել ալգորիթմ, որը որոշի օպտիմալ լուծումը բազմանդամային ժամանակում։ Հաջողվում է միայն գտնել մոտարկող ալգորիթմներ, որոնք օպտիմալին ամենամոտ հնարավոր լուծումն են առաջարկում։

Կան խնդրի բազմապիսի տարբերակներ կախված կիրառություններից, ինչպես նաև բազմապիսի մոտեցումներ դրանց լուծման համար։ Այդ խնդիրները բաժանվում են ենթադասերի ըստ չափողականության (միաչափ, երկչափ և եռաչափ) կախված կիրառական մեկնաբանությունից։ Ալգորիթմները դասակարգվում են նաև որպես առցանց (online) և արտացանց (offline) խմբերի։ Առցանց տարբերակում դետալները հարկավոր է փաթեթավորել կամ ձևել ըստ դրանց հայտվելու հերթականության, չունենալով ինֆորմացիա հաջորդների մասին, ի տարբերություն արտացանց դեպքին,

<sup>1</sup> Бабаев Ф.В. Оптимальный раскрой материалов с помощью ЭВМ/ Ф.В. Бабаев. М: Машиностроение, 168 с., 1982.

<sup>2</sup> Скатерной В.А., Оптимизация раскроя материалов в легкой промышленности, Изд. Легпромбытиздат, 143с., 1989.

<sup>3</sup>Канторович Л. В., Залгаллер В. А. Рациональный раскрой промышленных материалов. — Новосибирск: Наука, 1971.

Երբ դետալների ամբողջ բազմությունը նախորոք հայտնի է, և կարելի է դրանց հերթականությունը փոխել:

Այս աշխատանքը նվիրված է արտացանց երկչափ ծևման խնդիրների ուսումնասիրությանը, երբ հարկավոր է սահմանափակ հումքից, օրինակ, փայտից, կաշվից, մետաղի կամ թղթից, ձևել տարբեր ավելի փոքր չափի դետալներ, որոնց ցուցակը հայտնի է: Խնդրի նպատակն է հումքի մաքսիմալ օգտագործումը կամ կորուստների նվազեցումը: Հումքի օպտիմալ օգտագործման խնդրի լուծմանը վերաբերվող բազմաթիվ հոդվածներ են հրապարակվել<sup>456</sup>: Գծային ծրագրավորման դասական մեթոդները, որոնք հաջողությամբ կիրառվում են մասսայական արտադրության դեպքում, դժվար կիրառելի են անհատական արտադրության պայմաններում, երբ լինում են անհատական պատվերներ, և որպես կանոն օգտագործվում է թանկարժեք հումք: Ճշգրիտ օպտիմալ լուծումը հնարավոր է միայն հատարկման եղանակով, ինչը պրակտիկայում հնարավոր չէ կիրառել ժամանակի մեծ կորուստների պատճառով: Այդ իրավիճակում մեծ ուշադրություն է հատկացվում էվրիստիկ ալգորիթմների մշակմանը և հետազոտմանը: Դրանց արդյունավետությունը ստուգվում է փորձարկումների միջոցով:

Հաշվողական ժամանակի էական ծախսի և տեխնոլոգիական սահմանափակումների պայմաններում սովորաբար կիրառվում են ծրագրային համակարգեր: Սակայն երկչափ ծևում իրականացնող գոյություն ունեցող հասանելի համակարգերը աշխատում են միայն ուղղանկյունների հետ, մինչդեռ շատ կիրառություններում, օրինակ, կաշվի իրերի արտադրությունում, առկա են կամայական ուրվագծով երկչափ մարմիններ:

Այս իրավիճակում արդիական էր մշակել նոր էվրիստիկ ալգորիթմ և ծրագրային համակարգ, որը կիրականացներ կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների արդյունավետ ձևումը իրականացնող ծրագրային համակարգ: Այդ նպատակին հասնելու

### Հետազոտության նպատակը:

Աշխատանքի նպատակն է մշակել կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների արդյունավետ ձևումը իրականացնող ծրագրային համակարգ: Այդ նպատակին հասնելու

<sup>4</sup> Belov G., Problems, models and algorithms in one- and two-dimensional cutting, Dresden, 118p, 2004.

<sup>5</sup> Khan A. Approximation algorithms for multidimensional bin packing, PhD thesis, 2015.

<sup>6</sup> Lodi A., Martello S., Monaci M., "Two-dimensional packing problems: A survey". European Journal of Operational Research (Elsevier), vol. 141, pp. 241–252, 2002.

համար մշակվել են մաթեմատիկական մոդելներ, նոր էվրիստիկ ալգորիթմ և ծրագրային համակարգ կամայական ուրվագծով մարմինների ձևաման խնդրի լուծման համար:

#### **Հետազոտման օբյեկտը:**

Հետազոտման օբյեկտը են հանդիսանում ձևաման խնդրի հետ կապված արտադրական տեխնոլոգիական գործընթացները: Հետազոտության առարկա են ձևաման և փաթեթավորման խնդիրների մաթեմատիկական մոդելները և լուծման մեթոդները:

#### **Հետազոտման մեթոդները:**

Ալգորիթմների և ծրագրային համակարգի մշակման համար կիրառվել են ալգորիթմների տեսությունը, ծրագրային համակարգերի նախագծման ժամանակակից տեխնոլոգիաները: Ծրագրային համակարգերի նախագծման համար օգտագործվել են .NET պլատֆորմի C#, բազաների հետ աշխատելու համար SQL և ինտերֆեյսի նկարագրման համար HTML լեզուները և Visual Studio ծրագրային միջավայրերը: Ստացված արդյունքների արդյունավետությունը գնահատելու համար կիրառվել են թվային փորձարկումների արդյունքների գնահատման ստանդարտ եղանակները իրական արտադրության պայմաններում:

#### **Հետազոտության գիտական նորույթը:**

Կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևաման խնդրի լուծման ալգորիթմ գրականության մեջ չկար, նման լուծում առաջարկվում է առաջին անգամ:

Աշխատանքում առաջարկված են նոր մոտեցումներ, ինչպես նաև հայտնի մեթոդների մոդիֆիկացիաներ օբյեկտների մոդելավորման և դիսկրետացման համար:

Առաջարկված է կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևաման նոր էվրիստիկ ալգորիթմ:

Մշակվել է matrix.dll մատրիցների հետ աշխատելու ֆունկցիաների գրադարան:

Մշակվել է կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևումը իրականացնող ծրագիր, ի տարրերություն բոլոր երկչափ ձևում իրականացնող ծրագրերի, որոնք աշխատում են միայն ուղղանկյունների հետ:

#### **Ստացված արդյունքների կիրառական նշանակությունը:**

Մշակված պարզ և մատչելի ինտերֆեյսով MIC Host համակարգը հնարավորություն է տալիս մոդելավորել իրական մարմինները, ներմուծել հումքի մոդելը վնասված մասերով: Այն իրականացնում է ձևումը, հաշվի առնելով հումքի վնասված հատվածները: Ատենախոսությունում դիտարկված մոդելները և առաջարկված

լուծումները օժտված են ունիվերսալությամբ և կարող են կիրառվել արտադրության տարբեր ոլորտներում:

### **Ներդրումներ:**

MIC Host Ծրագրային համակարգը փորձարկվել և ներդրվել է երկու փայտամշակման մասնավոր արդյունաբերության արտադրամասերում: Համակարգի կիրառման շնորհիվ բարձրացել է արտադրության արդյունավետությունը, կրճատվել են ծախսերը ավելի քան 20 տոկոսով:

Մշակված matrix.dll գրադարանը ներդրվել է github ազատ օգտագործման գրադարանների ռեսուրսում:

### **Պաշտպանության ներկայացվող հիմնական դրույթները:**

- Մշակվել է ծրագրային միջավայր կամայական ուրվագծով երկչափ օբյեկտները մոդելավորելու համար: Այն ներառում է գործիքներ պարզ երկրաչափական օբյեկտների ստեղծման համար, դրանց հետ փոփոխություններ կատարելու, ինչպես նաև բարդ ուրվագծեր ստեղծելու համար:
- Առաջարկվել է եղանակ երկրաչափական մոդելների դիսկրետացման համար:
- Առաջարկվել է էվլիստիկ արտացանց ալգորիթմ կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևաման խնդրի արդյունավետ լուծման համար:
- Մշակվել է matrix.dll մատրիցների հետ աշխատելու ֆունկցիաների գրադարան:
- Մշակվել է ծրագիր, որը իրականացնում է կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևումը տված հոմքի պայմաններում: Այն ունի պարզ և մատչելի ինտերֆեյս:

### **Ապրոբացիա:**

Ատենախոսության արդյունքները գեկուցվել են.

- Երկրորդ միջազգային ուսանողական սիմպոզիում “Математика и информационные технологии в приложениях”, Сочи, 2016.
- <<ԳԱԱ ԻԱՊԻ ընդհանուր սեմինարում:

### **Հրապարակումներ:**

Ատենախոսության հիմնական արդյունքները իրապարակվել են երեք գիտական

հոդվածներում, որոնց ցանկը բերված է սեղմագրի վերջում:

### **Ատենախոսության կառուցվածքը և ծավալը:**

Ատենախոսությունն իր մեջ ներառում է ներածություն, չորս գլուխ, եզրակացություններ, գրականության ցանկ՝ իր 106 հղումներով: Ատենախոսության ընդհանուր ծավալը՝ 100 է:

### **ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՀԻՄՆԱԿԱՆ ԲՈՎԱՆԴԱԿՈՒԹՅՈՒՆԸ**

**Ներածության** մեջ հիմնավորվել է ատենախոսության թեմայի արդիականությունը, ներկայացվել են հետազոտության նպատակն ու խնդիրները, գիտական նորույթը, պաշտպանությանը ներկայացվող հիմնական դրույթները, հետազոտության տեսական և գործնական նշանակությունը:

Ատենախոսության առաջին զիշում ձևակերպվում և դասակարգվում են ծևան և փաթեթավորման խնդիրների դասը, ինչպես նաև վերլուծվում են հայտնի խնդիրները և ալգորիթմները: <<Ձևան և փաթեթավորման հիմնական խնդիրները, ալգորիթմները>> վերնագրված այս գլուխը բաղկացած է 16 բաժիններից և ներառում է մի շարք հայտնի ալգորիթմներ, ինչպես նաև գործող համակարգերի ամփոփ հետազոտություն: Դրանց շարքում է նաև Վ. Մ. Կոտովի և Դ. Յառնի առաջարկած<sup>7</sup> էվլիստիկ ալգորիթմը երկչափ մեկ մեծ ուղղանկյան փաթեթավորման խնդրի համար (2D-SLBPP-two-dimensional single large bin packing problem)՝ հիմնված գոգավոր անկյան սկզբունքի վրա (BCC-based on concave corner): Այս ալգորիթմը հիմնաբար հանդիսացավ նոր ալգորիթմի ստեղծման համար, այդ պատճառով արժանացավ հատուկ ուշադրության:

Այս գլխում կատարված վերլուծությունը ցույց է տալիս խնդիրների բազմազանությունը, դրանց կիրառական նշանակությունը և առաջարկվող լուծումների բարդությունը: Չնայած գիտական հրապարակումների մեծ թվին, մնում են մի շարք բաց խնդիրներ, որոնցից մեկը կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ծևան խնդիրն է: Այս աշխատանքի հաջորդ գլուխները նվիրված են այդ պրոբլեմի հետազոտմանը:

Ատենախոսության **Երկրորդ գլուխը** նկարագրվում է կամայական ուրվագծով

<sup>7</sup> Kotov V. M., Dayong Cao. A heuristic algorithm for the two-dimensional single large bin packing problem. Buletinul Academiei de Stinte a Republicii Moldova. Matematica, No. 3(64), pp. 23-28, 2010.

Երկչափ օբյեկտների մոդելավորման համար առաջարկված մոտեցումը և մշակված ծրագիրը: Այս ներառում է գործիքներ պարզ երկրաչափական օբյեկտների ստեղծման համար, դրանց հետ տարբեր գործողություններ կատարելու համար, ինչպես նաև բարդ ուրվագծեր ստեղծելու համար:

**Բաժին 2.1-ում** հիմնավորվել է մոդելավորման նպատակը, ուսումնասիրվել են այլ համակարգերի թերությունները:

Կամայական ուրվագծով օբյեկտների ստեղծման հիմնական սկզբունքը տարրական երկրաչափական պատկերների հետ գործողություններ կատարելն է, քանի որ յուրաքանչյուր բարդ պատկեր բաղկացած է տարրական պատկերների որևէ քանակից: Այդ պատկերները կարող են մշակվել ձեռքով, մկնիկի կամ կոորդինատների օգնությամբ:

**Բաժին 2.2-ում** բերված է տարրական երկրաչափական պատկերների մոդելավորման նկարագրությունը: Երկրաչափական պատկերներ կամ մարմիններ ստեղծելու համար ծրագրային միջավայրում մշակվել են հատուկ գործիքներ, որոնց միջոցով կարելի է կառուցել հիմնական երկրաչափական մարմինները՝ ուղղանկյուն, էլիպս, բեկյալ, ընդ որում նշված 3 տարրերից հնարավոր է պատրաստել մնացյալ բոլոր մարմինները՝ քառակուսի, շրջան և այլն:

Տարրական պատկերներից ավելի բարդ մարմիններ ստանալու համար պետք է նրանց ձևափոխել, այսինքն տեղաշարժել, պտտել, փոփոխել չափսերը: Բարդ օբյեկտներ կառուցելու համար ծրագիրը պետք է հիշի բոլոր այն պարզ երկրաչափական օբյեկտները, որոնցից բաղկացած է բարդ օբյեկտը, ձևափոխի դրանք տված ճանափարիով:

Նշված տարրերից յուրաքանչյուրի համար առանձնացված են գործիքամիջոցներ, նրանցից յուրաքանչյուրը ունի աշխատանքի մի քանի ռեժիմ, դրանք կօգնեն, որպեսզի ծրագիրը լինի առավել ճկուն, իսկ մարմինների կառուցումը լինի ավելի արագ և առանց խոցընդուների ու մոդելավորման խորը գիտելիքների տիրապետման:

**Բաժին 2.3-ում** նկարագրված է ինչպիսի գործողություններ կարելի է կատարել ստեղծված օբյեկտների հետ: Օբյեկտների **շարժումը** տեղի է ունենում երկրաչափական կենտրոնի նկատմամբ, իսկ այդ կենտրոնը որոշվում է հետևյալ կերպ՝ ուղղակի նրան արտագծած ուղղանկյան վերին ծախ անկյունի կոորդինատներին գումարում ենք նրա բարձրության և լայնության կեսը, և քանի որ մեր դեպքում որպես սկզբնակետ ընտրված է վերին ծախ անկյունը, ապա կունենանք հետևյալ տեսքը՝

$$x = \text{TopLeft}.x + \text{Width}/2;$$

$$y = \text{TopLeft}.y + \text{Height}/2; \quad (2.1)$$

որտեղ  $TopLeft.x$  և  $TopLeft.y$  ուղղանկյան վերին ծախ անկյան  $x$  և  $y$  կոորդինատներն են:  $St\acute{e}l\acute{a}g\acute{a}m$  հետո նոր կետի կոորդինատները կորոշվեն հետևյալ բանաձևով՝

$$x' = x + d_x;$$

$$y' = y + d_y; \quad (2.2)$$

որտեղ  $x'$  -ը և  $y'$  -ը կետի նոր կոորդինատներն են, իսկ  $d_x$  և  $d_y$  տեղաշարժման արժեքներն են, որոնք որոշվում են մկնիկի ընթացիկ կոորդինատներից հանելով սկզբնական կոորդինատները:

**Պտտման** ժամանակ որպես առանցք ընտրվում է կենտրոնը, կամ այն կետը, որի կոորդինատները մուտքագրվել են օգտագործողի կողմից: Պտտումը կատարվում է կամ նախապես տրված անկյան չափով կամ մկնիկի անիվի օգնությամբ կամ տրված քանակով: Նոր կոորդինատները որոշվում են հետևյալ բանաձևերով՝

$$x' = x + \tan(A) - (y - Ck_x);$$

$$y' = y + \tan(A) - (x - Ck_y); \quad (2.3)$$

որտեղ  $A$ -ն պտտման անկյունն է,  $Ck_x$  և  $Ck_y$  համապատասխանաբար կենտրոնական կետի  $x$  և  $y$  կոորդինատներն են:

Հնարավոր է նաև ներմուծել **չափի փոփոխություն**, դրա համար կրկին անհրաժեշտ են կենտրոնական կետի կոորդինատները: Ձևափոխությունը կկատարվի հետևյալ բանաձևերի օգնությամբ.

$$x' = S_x * x + (CS_x - S_x * CS_x);$$

$$y' = S_y * y + (CS_y - S_y * CS_y); \quad (2.4)$$

որտեղ  $S_x$  և  $S_y$  հորիզոնական և ուղղահայաց մասշտաբայնության գործակիցներն են,  $CS_x$  և  $CS_y$  կենտրոնական կետի կոորդինատներն են:

**Բաժին 2.4-ում** կատարված է գործողությունների համար մշակված գործիքամիջոցների նկարագրությունը իրենց ռեժիմներով: Դրանք են՝  $St\acute{e}l\acute{a}g\acute{a}m$  (Move), Պտտում (Rotate), Խոշորացում (Zoom), Պատճենում (Copy), Հեռացում (Delete), Հիշել (Save), Բացել (Open), Խմբակյան ընտրում (Multi Group):

**Բաժին 2.5-ում** նկարագրված են այն լուծումները, որոնք առաջարկված են

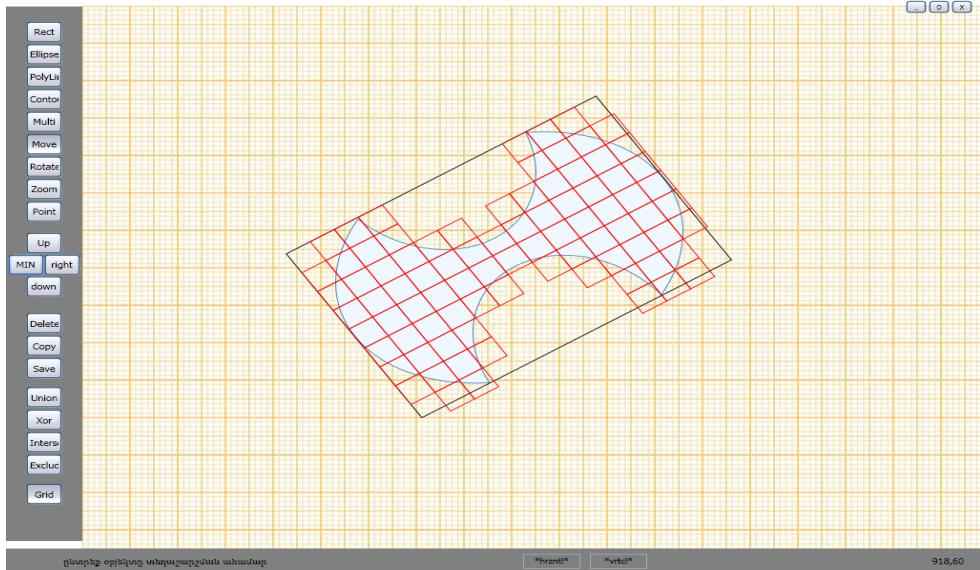
տարրական երկրաչափական մարմիններից բարդ մարմինների ստացման համար: Ցանկացած երկրաչափական մարմին կարելի է ներկայացնել տարրական երկրաչափական մարմիններից բաղկացած պատկերի տեսքով: Բեկյալները հիմնականում օգտագործվում են, որպեսզի տրվի մարմնի հիմնական ուրվագիծը, իսկ նրա հետագա մշակումը կատարվում է հեռացնելով, կամ նրան կցելով այլ բեկյալներ կամ շրջաններ: Դիտարկված են միջին բարդության պատկերի ստեղծման քայլերը, նկարագրված է ինչպես կլորացնել անկյունները կամ կողերը:

Ստեղծված են նաև միջոցներ, որոնց օգնությամբ կարելի է ավելի բարդ պատկերները ստանալ մի քանի տարրական տարրերի համադրությամբ: Համադրությունները 4-ն են.

- **Union** ստեղծում է տարր, որն իր մեջ ներառում է 2 բաղկացուցիչ տարրերի բոլոր կետերը,
- **Intersect** ստեղծում է տարր, որն իր մեջ ներառում է 2 բաղկացուցիչ տարրերի ընդհանուր կետերը,
- **Xor** ստեղծում է տարր, որն իր մեջ ներառում է 2 բաղկացուցիչ տարրերի բոլոր այն կետերը, որոնք պատկանում են կամ 1-ին կամ 2-րդ բաղկացուցիչ տարրին, բայց ոչ այդ երկուանին միանգամմից:
- **Exclude** ստեղծում է տարրը, որն իր մեջ ներառում է 1-ին բաղկացուցիչ տարրի բոլոր կետերը, բացառությամբ այն կետերի, որոնք ընդհանուր են 2-րդ բաղկացուցիչ տարրի հետ:

**Բաժին 2.6.** –ը եզրափակում է այս գլուխը ափոփումով: Այսպիսով, մշակվել է եղանակ և ստեղծվել է ծրագրային միջավայր, որը իրականացնում է կամայական ուրվագծով երկչափ օբյեկտների մոդելավորում: Այն ներառում է մի շարք գործիքներ տարրեր բարդության օբյեկտների մոդելավորման և դրանց հետ գործողություններ կատարելու համար: Ծրագրի առավելություններից են արագագործությունը և պարզությունը, ինչը շատ կարևոր է լայն ոլորտի օգտվողների համար:

Մակերեսի վրա մարմինների օպտիմալ բաշխման խնդրի լուծման նպատակով առաջարկվել է մոդելների դիսկրետացման մոտեցումը, որը նկարագրված է **Երրորդ գլխում**: Տրված խնդիրը լուծվում է մի քանի քայլերով՝ նախ պետք է գտնել դետայներին արտագծված մինիմալ մակերեսով ուղղանկյունը, որն անհրաժեշտ է, որպեսզի խնդրի լուծումը բերվի արդեն իսկ լուծված խնդրի, որն է՛ ուղղանկյունների օպտիմալ բաշխումն ուղղանկյան վրա: Հետո այն բաժանվում է ավելի մանր խորանարդների, որից հետո հեռացվում են ավելորդ խորանարդները, դետալը մոտավոր ընդունում է հետևյալ տեսքը (Նկ. 3.1), որից հետո նրանք դասավորվում են հումքի վրա:



Նկ. 3.1. Մոդելավորված դետալի տեսքը ինտերֆեյսում:

**Բաժին 3.1-ում** նկարագրված է մինիմալ մակերեսով արտագծած ուղղանկյան որոնումը: Այս խնդրի լուծման համար որոշվեց արտագծած ուղղանկյունները կառուցել անյատս, որ նրանց կողմերը լինեն կոորդինատների առանցքներին զուգահեռ, և տարրը պտտելով նրա կենտրոնի շուրջը, նոյն ալգորիթմով նրան արտագծել ուղղանկյունը, որոշել թե բոլոր արտագծած ուղղանկյուններից որն ունի մինիմալ մակերես: Պոտույտը կատարվում է  $0 - 90$  աստիճաններով, քանի որ ամեն 90 աստիճանից հետո ուղղանկյան մակերեսը նույնությամբ կրկնվում է: Այս գործընթացի ճշտույթունը կախված է պտույտի քայլից, այսինքն ինչքան փոքր է պտույտի անկյունը, այնքան ճշգրիտ են, բայց ավելի շատ հաշվարկները: Այն կիրառական խնդիրներում, որտեղ հումքը համաստ չէ, այսինքն կարևոր է դետալի ուղղությունը, օրինակ, կտոր, փայտ և այլն, ընտրվում է այն ուղղանկյունը, որը արտագծած է դետալին անհրաժեշտ ուղղությամբ՝ առանց պտույտների:

**Բաժին 3.2-ում** նկարագրված է դիսկրետացման գործընթացը: Դիսկրետացում ասելով հասկանում ենք, որ արտագծած ուղղանկյունը պետք է բաժանվի ավելի փոքր վանդակների: Դիսկրետացումը կատարվում է ըստ այն ճշտույթան, որով պետք է լուծվի խնդիրը, այսինքն որոշվում է ինչ չափով է կատարվում ուղղանկյունների բաժանումը:

Այստեղ նոյնպես օգտագործողը պետք է լուծի կոմպրոմիսային խնդիր՝ կախված գործի ճշտությունից և աշխատանքի կատարման արագությունից՝ այսինքն ինչքան փոքր լինեն քառակուսիները, որոնցով պետք է կատարվի դիսկրետացումը, այնքան ավելի դանդաղ կատարվի այդ գործնթացը, սակայն ճշտությունը կիխի ավելի բարձր: Լոելայն դիսկրետացման գործակից է վերցվում 30 պիքսելը:

**Բաժին 3.3-ում** նկարագրված է դիսկրետացման վերջին փուլը, երբ յուրաքանչյուր ուղղանկյանը համապատասխանության մեջ է դրվում երկուական մատրից: Վերցնում ենք ո և ո չափսերով երկչափ մատրից, որտեղ ո-ը համապատասխանում է հորիզոնական վանդակների թվին, իսկ ո-ը դա ուղղահայց վանդակների թվին է: Դրանից հետո այն բոլոր դիրքերում, որտեղ առկա է դետալ, դնում ենք 1, իսկ որտեղ վանդակները հեռացված են, դնում ենք 0: Դրանից հետո ծրագրային մշակումն անհամեմատ պարզ է դառնում, և եթե հարկավոր է օրինակ, պտտել պատկերը 90 աստիճանով, ապա իր հետ պտտում ենք նաև նրան կից մատրիցը: Այսպիսով, նշված մատրիցների հիման վրա տեղի է ունենում բաշխումը, իսկ արդեն բաշխումից հետո անցնում ենք մատրիցների փոխարինմանը իրենց տարրերով, որը տեղի է ունենում ըստ իրենց 3 չափման՝ տարրի համարի:

**Բաժին 3.4-ում** ամփոփված են երրորդ գլխի արդյունքները: Այսպիսով, ներկայացվեց կամայական ուրվագծով երկչափ երկրաչափական մոդելների դիսկրետացման առաջարկված եղանակը: Այն կիրառվում է ինչպես հոմքի, այնպես էլ ձևելու ենթակա դետալների մոդելների վրա: Նախ գտնում ենք երկրաչափական մոդելին արտագծած ուղղանկյուն՝ նվազագույն մակերեսով: Հաջորդ քայլում արտագծած ուղղանկյունը բաժանվում է վանդակների տված ճշտությամբ, և դատարկ վանդակները հեռացվում են: Վերջին փուլում յուրաքանչյուր մոդելին համապատասխանության մեջ է դրվում երկուական մատրից: Այս տեսքը հետագայում մասնակցում է առաջարկված էվրիստիկ ալգորիթմում, որը նկարագրված է հաջորդ գլխում: Յուրաքանչյուր մոդելի համարը պահպում է, ձևելու հետո դետալը վերականգնելու համար:

**Չորրորդ գլխում** նկարագրված է առաջարկված էվրիստիկ ալգորիթմը և մշակված ծրագրային համակարգը՝ հիմնված այդ ալգորիթմի վրա: Բերված են ծրագրային համակարգի տեխնիկական նկարագրությունը և առաջարկված լուծումները:

**Բաժին 4.1-ում** բերված է նոր էվրիստիկ ալգորիթմի նկարագրությունը: Մտցված է մաքսիմալ համապատասխանություն (fit) գաղափարը: Խնդիրն է՝ ապահովել դետալների միմյանց առավելագույն հպումը, ինչը նշանակում է, որ մի դետալի եզրային 1 էլեմենտին անմիջապես պետք է հաջորդի մյուս դետալի եզրային 1 էլեմենտը:

Ֆիր է կրչվում երկու հարևան դետալների ընդհանուր շիման գծի վրայի էլեմենտների հարաբերությունը նոյն շիման գծի վրա գտնվող 1-երի քանակին արդարացրված դրույթունությունը:

$$fit = \frac{n_{\text{մեկ}}}{n_{\text{ընդհանուր}}} * 100\%$$

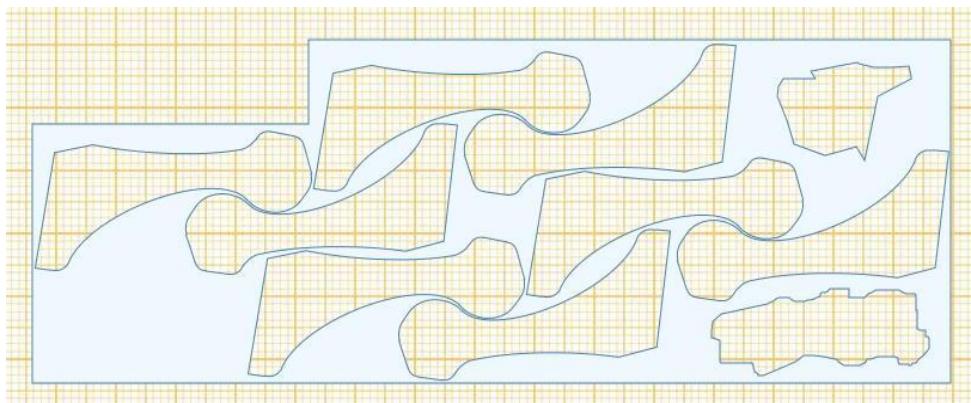
Ագորիթմի կառուցման ժամանակ օգտվում ենք 1.10 բաժնում նկարագրված գոգավոր անկյունների գաղափարից: Դետալների բաշխումը հումքի վրա սկսում ենք ամենամեծ կտրորից, կամ այլ կերպ ասած ամենաշատ 1-եր ունեցողից: Ագորիթմը ունի հետևյալ քայլերը.

1. Գտնել ամենաշատ 1-եր ունեցող ձևանական ենթակա դետալը;
2. Յուրաքանչյուր գոգավոր անկյան համար հաշվել ֆիթը;
3. Տեղադրել դետալը այն անկյունում, որի ֆիթը մեծագույնն է;
4. Հումքի այն մասը, որտեղ տեղադրվել է դետալը, փոխել 0-երը 1-երով;
5. Հանել դետալը ձևանական ենթակա հաջորդականությունից:

Ագորիթմը շարունակում է իր աշխատանքը մինչև տեղի ունենա հետևյալ պայմաններից որևէ մեկը՝

1. այլևս ոչ մի դետալ չտեղավորվի հումքի դատարկ մասերում, այսինքն հումքի սահմանակից զրոների քանակը փոքր լինի ամենափոքր դետալի 1-երի քանակից;

2. Խնդիրը լուծվի ամբողջությամբ՝ դետալները ամբողջությամբ բաշխվեն հումքի վրա:



Նկ. 4.4. Ձևանական վերջնական արդյունքը

Ագորիթմի ավարտից հետո դետալները վերականգնվում են ըստ իրենց համարների: Ձևանական վերջնական տեսքը պատկերված է նկար 4.4-ում:

**Բաժին 4.2-ում նկարագրվել է մշակված ինտերֆեյսի գործիքամիջոցները: Դրանք են.**

1. **Էլեմենտներ ստեղծող:** Սրանց մասին նկարագրվել է առաջին գլխում, օգտագործվում են էլեմենտների ստեղծելու հմար:
2. **Մոնիթորացիոն:** Օգտագործվում են ծևափոխություններ կատարելու համար:
3. **Մուտքի - ելքի:** Կարելի է հիշել պատրաստի դետալ և այնուհետև նրան օգտագործել բազմակի անգամ: «Details» կոճակի վրա սեղմելուց հետո կրացվի դիալոգային պատուհանը, որի վրայից կարելի է ընտրել այն բոլոր դետալները, որոնք մասնակցելու են բաշխմանը:
4. **Խմբավորման:** Հնարավորություն է տալիս խմբավորել դետալները: (Նկարագրված 1 առաջին գլխում):
5. **Տեղաշարժման և խոշորացման:** Սրանք արված են հարմարավետության համար՝ ապահովում են ավելի մեծ տարածք աշխատանքի համար: Հնարավորություն է ստեղծված խոշորացնել ամբողջ տարածքը՝ առավել մանրակրկիտ աշխատանքի համար:
6. **Ինֆորմացիոն մուտք - ելք:** Օգտագործողին է ինֆորմացիա է տալիս ծրագրի կարգավիճակի կամ առաջընթացի մասին, ինչպես նաև օգտագործողը ներմուծում է տվյալներ:
7. **Ծրագրի կառավարման:** Սրանք ստանդարտ են համարվում: Բաղկացած է երեք կոճակից՝ մինիմացնել ծրագիրը, վերաբեռնավորել այն և անջատել:

**Բաժին 4.3-ում** բերված է մշակված MIC Host ծրագրային ապահովման տեխնիկական նկարագիրը: Ծրագրային համակարգը մշակվել է Windows օպերացիոն համակարգի համար: Համակարգի նախագծման համար օգտագործվել են .NET պլատֆորմի C#, բազաների հետ աշխատելու համար SQL և ինտերֆեյսի նկարագրման համար HTML լեզուները և Visual Studio ծրագրային միջավայրերը:

Քանի որ C# լեզվում չկա անհրաժեշտ գրադարան, որը կարող է մատրիցի հետ կատարել բոլոր անհրաժեշտ գործողությունները, որոշվեց ստեղծել գրադարան **MartixHelper** անունով: Այն ևս իրենից ներկայացնում է կլաս, և իր մեջ ներառում է մի քանի մատրիցների հետ աշխատելու համար անհրաժեշտ ֆունկցիաները: Գրաֆիկական մասի համար պատասխանառու է WPF (windows presentation foundation), սա պլատֆորմ է արտացանցային ծրագրեր գրելու համար, սրա միջոցով կառուցված էլեմենտները XAML ֆորմատով պահպան են տվյալների բազայում ENTITY FRAMEWORK-ի միջոցով, որը .NET-ի նորագույն ORM (Object relational mapping)-ն է, որը կլասները կապում է տվյալների հենքերի օբյեկտների հետ: Մատրիցային բաշխման ինտերֆեյսի համար օգտագործվել է MVC (Model view controller) նմուշը:

**Բաժին 4.4-ը** ամփոփիչ է: Այսպիսով, ներկայացվեց նոր էվրիստիկ ալգորիթմը և մշակված MIC Host ծրագրային համակարգը: Ալգորիթմի իրականացման համար մշակվել է matrix.dll մատրիցների հետ աշխատելու ֆունկցիաների գրադարանը, որը ներդրվել է github ազատ օգտագործման գրադարանների ռեսուրսում: Ծրագրային համակարգի աշխատանքի արդյունավետությունը ստուգելու համար այն փորձարկվել է և ներդրվել երկու փայտամշակման մասնավոր արդյունաբերության արտադրամաներում: Համակարգի կիրառման շնորհիվ բարձրացել է արտադրության արդյունավետությունը, կրճատվել են ծախսերը ավելի քան 20 տոկոսով:

#### **Աշխատանքի հիմնական արդյունքները:**

Այսպիսով, աշխատանքում ստացվել են հետևյալ հիմնական արդյունքները.

- Մշակվել է եղանակ և ծրագրային միջավայր, որը մոդելավորում է կամայական ուրվագծով երկչափ օբյեկտները: Այն ներառում է գործիքներ պարզ երկրաչափական օբյեկտների ստեղծման համար, դրանց հետ փոփոխություններ կատարելու, ինչպես նաև բարդ ուրվագծեր ստեղծելու համար [1]:
- Առաջարկվել է եղանակ երկրաչափական մոդելների դիսկրետացման համար [2]:
- Առաջարկվել է էվրիստիկ արտացանց ալգորիթմ կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևանական խնդրի արդյունավետ լուծման համար [3]:
- Մշակվել է matrix.dll մատրիցների հետ աշխատելու ֆունկցիաների գրադարան [3]:
- Մշակվել է ծրագիր, որը իրականացնում է կամայական ուրվագծով երկչափ մարմինների ձևանական խնդրի պայմաններում [3]:

#### **Հրատարակված աշխատությունների ցանկը**

1. Keyan A. “Modeling of Irregularly Shaped Two – Dimensional Objects”, Transactions of IIAP NAS RA, Mathematical Problems of Computer Science, vol. 44, 2015, pp. 154-160.
2. Keyan A. “Discretization of geometric models”, Transactions of IIAP NAS RA, Mathematical Problems of Computer Science, vol. 45, 2016, pp. 99-105.
3. Keyan A. “Single large bin packing problem of irregularly shaped two – dimensional objects”, Материалы Второго Международного студенческого симпозиума “Математика и информационные технологии в приложениях”, стр. 74-76, Сочи, 2016.

# ИССЛЕДОВАНИЕ ЗАДАЧИ РАСКРОЯ ДВУМЕРНЫХ ДЕТАЛЕЙ ПРОИЗВОЛЬНОЙ ФОРМЫ И РАЗРАБОТКА ПРОГРАММНОЙ СИСТЕМЫ

## РЕЗЮМЕ

### **Актуальность исследования.**

Проблема упаковки и раскroя является одним из классических и сложных проблем в области информационных технологий. Эта проблема была изучена много лет, и сегодня исследования продолжаются, чтобы найти новые подходы и лучшие результаты. Существуют различные варианты задачи и подходы к их решению, много работ опубликовано относительно этой проблемы. Поскольку задачи упаковки и раскroя относятся к классу NP-полных задач, то возможно только нахождение приближенных алгоритмов, наиболее близких к оптимальному.

Задачи раскroя и упаковки можно разелить на подклассы по размерности (1D, 2D, 3D) в зависимости от прикладной интерпретации. Алгоритмы классифицируются также как *online* и *offline*, когда список деталей, подлежащих раскroю, заранее не известен или известен.

Данная работа посвящена исследованию задачи двумерного *offline* раскroя, когда имеется ограниченное сырье, например дерево, кожа, метал или бумага, и более мелкие детали произвольной формы. Цель задачи максимальное использование сырья или уменьшение отходов.

В условиях технологических ограничений и существенной траты вычислительного времени обычно применяют программные средства. Однако существующие доступные системы двумерного раскroя работают только с прямоугольниками, в то время, как во многих приложениях, имеются детали произвольной формы.

### **Цель исследования.**

Целью научной работы является разработка программной системы, осуществляющей раскroй двумерных деталей произвольного контура. Для достижения данной цели разработаны математические модели, новый эвристический алгоритм и комплекс программ для решения задачи раскroя деталей произвольного контура.

### **Научная новизна исследования.**

Алгоритма решения задачи раскroя двумерных деталей произвольного контура в литературе найдено не было, подобное решение предлагается впервые.

В работе предложены новые подходы, а также модификации известных методов

для моделирования и дискретизации деталей.

Предложен новый эвристический алгоритм раскроя двумерных деталей произвольного контура.

Разработана библиотека matrix.dll функций работы с матрицами.

Разработана программа раскроя двумерных деталей произвольного контура, в отличии от других программ двумерного раскроя, которые работают только с прямоугольниками.

### **Практическая значимость исследования.**

Разработанная с простым и доступным интерфейсом система MIC Host позволяет моделировать реальные детали, а также сырье с дефектами. Она осуществляет раскрой с учетом дефектов сырья. Система внедрена на двух частных деревообрабатывающих производственных участках. В результате применения системы увеличилась эффективность производства, сократились расходы более чем на 20 %.

Рассмотренные в диссертации модели и предложенные решения универсальны и могут быть использованы в различных областях производста.

### **Результаты.**

В работе получены следующие основные результаты:

- Разработаны метод и програмная среда моделирования двумерных деталей произвольного контура. Включены инструменты для создания простых геометрических объектов, для их изменения, а также для создания сложных контуров. [1]
- Предложен метод для дискретизации геометрических моделей. [2]
- Предложен эвристический offline алгоритм для эффективного решения задачи раскроя двумерных деталей произвольного контура. [3]
- Разработана библиотека функций matrix.dll для работы с матрицами. [3]
- Разработана система раскроя двумерных деталей произвольного контура с учетом свойств данного сырья. [3]

### **Структура и объем диссертации.**

Диссертация состоит из введения, четырех глав, заключения, списка литературы с 106 ссылками. Общий объем диссертации составляет 100 компьютерных страниц.

# **INVESTIGATION OF THE CUTTING PROBLEM OF IRREGULARLY SHAPED TWO-DIMENSIONAL OBJECTS AND DEVELOPMENT OF SOFTWARE SYSTEM**

## **SUMMARY**

### **The relevance of the research.**

The cutting and bin packing problem is one of the classic and challenging problems in the field of computer science. This problem has been studied many years and to this date work is going on to find new improvised approaches and better results. There are different variants of the problem and similarly several approaches for tackling them, a lot of papers have been published relating to this problem. Since bin packing belongs to the class of NP hard problems, it is really difficult to come up with a polynomial time algorithm which solves the problem to give an optimal solution. So as a result, approximation algorithms are presented to find the possible solution closest to the optimal.

The cutting and packing problems can be classified into subclasses by dimension (1D, 2D, 3D) depending on the application interpretation. Algorithms are also classified as online and offline, when the list of items for cutting are previously unknown or known.

This work is devoted to the investigation of the problem of two-dimensional offline cutting when there is a limited raw materials, such as wood, leather, metal or paper, and a list of arbitrary shaped details. The purpose of the task is to maximize the use of raw materials or the reducing of waste.

In the conditions of technological constraints and significant waste of computing time usually, software systems are used. Actually there are some existing softs that can solve this issue, but they do not work with irregular shapes, only with rectangles.

### **The aim of the research.**

The aim of this research is to develop a software system implementing the cutting of two-dimensional irregularly shaped objects. To achieve this goal, mathematical models, a new heuristic algorithm and a software package are developed for solving the problem of cutting two-dimensional irregularly shaped objects.

### **Scientific novelty of the research.**

Algorithms for solving the problem of cutting of two-dimensional irregularly shaped objects were not found in the literature, such a solution is offered for the first time.

In this work we propose new approaches, as well as modifications of known techniques for modeling and discretization of details.

A new heuristic algorithm for cutting two-dimensional irregularly shaped objects is proposed.

A library matrix.dll of functions for matrices is developed.

A software tool of cutting two-dimensional irregularly shaped objects is created, unlike the other two-dimensional cutting programs that work only with rectangles.

### **The practical significance of the research.**

Designed with a simple and accessible interface MIC Host system allows to model the real details, as well as raw materials with defects. It performs cutting taking into account the raw material defects. The system was applied on two private wood production areas. As a result of the application of the system the efficiency was increased, the costs were reduced by more than 20%.

The considered in the dissertation models and the proposed solutions are universal and can be used in various production fields.

### **The results of the research.**

Thus, the main results of the work are the following:

- A method and a software environment is implemented for modeling of two - dimensional irregularly shaped objects. It includes tools for creating simple geometrical objects, for manipulating with them and for creating complex shapes from real life objects. [1]
- A method of discretization of geometric models is proposed. [2]
- A heuristic offline algorithm for the effective solution of the two - dimensional irregularly shaped objects cutting problem is suggested. [3]
- A library matrix.dll of functions for matrices is developed. [3]
- A software system for cutting two-dimensional irregularly shaped objects is created, taking into account the properties of the raw material. [3]

### **The structure of the dissertation.**

The dissertation includes the introduction, four chapters, the conclusion, bibliography with 106 sources. The work consists of 100 printed pages.



